

ФИЗИКО-МЕТРОЛОГИЧЕСКИЕ ПРЕДПОСЫЛКИ СЕКСТЕТНОЙ НЕДИОФАНТОВОЙ АРИФМЕТИКИ

Современная математика напоминает набор инструментов, лежащих на стульях в оркестровой яме, куда музыканты спускаются по одному, чтобы проверить правильность их настройки. То есть, оркестра как такового нет и гармония не возникает даже тогда, когда все исполнители берут инструменты в руки и, усевшись в определенном порядке, последний раз перед концертом оценивают их звучание. Но вот выходит дирижер и, поклонившись публике, обращается к оркестру лицом. Сначала он стучит палочкой по пюпитру, привлекая внимание музыкантов, затем поднимает ее вверх и...

Для математики таким дирижером и гармонизатором выступает физика, технически опирающаяся на метрологию. Но чтобы сблизить с физикой хотя бы арифметику, придется отделить ее от геометрии с аксиомой непрерывности в основании. В результате возникает математическая система без нуля, без бесконечности и иррациональности, в которой единиц больше, чем одна, а действий больше чем четыре...

Необходимость радикальных изменений диктует измерительная шкала, каждое деление которой соответствует двум значениям физической величины так, что первое значение отложено от одного края шкалы, а отсчет второго ведется от другого. При этом единица шкалы находится в ее середине и по минимуму имеет две размерности. Причем универсальная шкала ставит вопрос: какие величины считать физическим, а какие нет, дабы не исказить реальность выдумками.

Бинарная шкала с дуальной единицей.

Типичная для аналоговых приборов шкала представляет собой изогнутую линейку с равномерно нанесенными делениями, координирующими подвижный конец стрелки как детали, показывающей значение измеряемой величины, например, электрического тока. При этом ток в цепи представляет собой направленное движение заряженных частиц. То есть, ток фактически дискретен. Напротив, геометрическая шкала амперметра континуальна. И это противоречие фундаментально. Ведь природное вещество фрагментарно, а его движение физики описывают в параметрах, принимаемых непрерывными. Между тем существует универсальная шкала, использующая метрологическое (по сути дискретное) определение числа, данное И. Ньютоном:

«Под числом мы понимаем... отношение какой-нибудь величины к другой величине *того же рода* (курсив мой – О. Ч.), принятой нами за единицу.»

Пусть стрелка прибора указывает на деление D дугообразной шкалы, имеющей начало $A \equiv 0$, середину $B \equiv 1$ и конец $C \equiv 2$. Далее допустим, что точка D принадлежит числовому интервалу между нулем A и единицей B . При этом будем говорить о бинарности показаний прибора, то есть о состыкованных отрезках AD и DC как значениях двух величин одной размерности. Их отношение обозначим

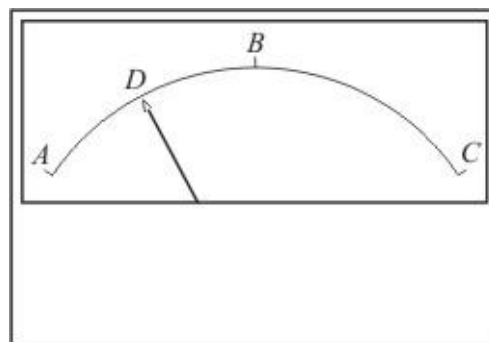
числом $Z = \frac{AD}{DC}$, считая аддитивность $AD + DC = AC$

сомнительным свойством дуг AD и DC из-за неопределенной принадлежности точки D к геометрическим образам AD и DC .

В самом деле, если дуга AD включает числа-точки от $A \equiv 0$ до D , а дуга DC состоит из чисел-точек от D до $C \equiv 2$, то $[AD] + [DC] > 2$, так как точка-число D входит в сумму дважды.

Если же образ AD не содержит точку D , как не содержит ее образ DC , то $[AD] + [DC] < 2$, поскольку точка-число D исключена из отрезка $[AC] = 2$.

Когда же точка D принадлежит образу AD и исключена из образа DC , то $[AD] + [DC] = 2$, но при этом отрезок $[AD]$ нельзя складывать с полуинтервалом (DC) из-за семантической разницы этих не наглядных понятий геометрии.



И получается, что универсальная шкала $[AC]=2$ не может быть непрерывной и даже ее деление пополам точкой $B \equiv 1$ условно. Поэтому необходимо отказаться от отождествления чисел (как элементов арифметики) и точек (как образов геометрии) и найти адекватную интерпретацию масштабной единицы данной шкалы.

Геометрия, как платформа измерительной практики, по логике противостоит арифметике, поскольку ее образы непрерывны, а числа, изображаемые точками, не сливаются в континуум. Ведь последний (как показано выше) не поддается фрагментации из-за проблемы принадлежности точки деления D отрезка AC на две части, отрицающей их аддитивность, то есть арифметическое сложение. При этом арифметизация геометрии выбором масштаба имеет двойственный характер.

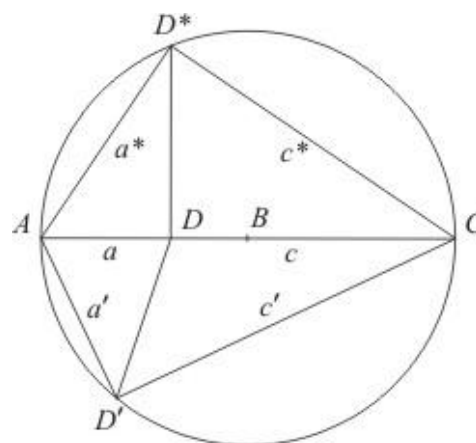
Диаметр $[AC]=2$ условно разделим точкой D на

части a и c с отношением $Z = \frac{a}{c} < 1$ и на окружности с

центром B отметим точки D' и D^* , такие, чтобы расстояния $AD' = a'$, $D'C = c'$ и $AD^* = a^*$, $D^*C = c^*$

удовлетворяли пропорции $\frac{a}{c} = \frac{a'}{c'} = \frac{(a^*)^2}{(c^*)^2} \in (1,0]$. Ясно,

что при этом отрезок DD' будет биссектрисой прямого угла $AD'C$, а отрезок DD^* является высотой прямоугольного треугольника ACD^* . Таким образом, отрезки-координаты a и c , a' и c' , a^* и c^* определяют положение точек D , D' и D^* относительно концов диаметра $[AC]=2$, а число $Z < 1$ оказывается и отношением длин и отношением площадей, то есть, является дуальным.



А теперь посредством ньютонова числа-отношения $Z \in [1,0)$ найдем диаметр AC

окружности с центром B . Ясно, что его длина равняется $1 + Z = 1 + \frac{a}{c} = 1' + \frac{a'}{c'} = 1^* + \frac{(a^*)^2}{(c^*)^2} \in (1,2]$, где

$1 \equiv c$, $1' \equiv c'$ и $1^* \equiv (c^*)^2$. При этом единицы 1 , $1'$ и 1^* не тождественны, хотя скаляр $1 + Z$ численно выражает длину отрезка AC , равную 2 при $a = c = 1$, $a' = c' = 1'$ и $(a^*)^2 = (c^*)^2 = 1^*$. Но в

таком случае масштаб $DC = 1$ геометрически меньше хорды $D'C$ в $\sqrt{2}$ раз, а морфизмы $1'$ и 1^* отличаются степенями по отношению к единице длины, то есть неодинаковы по семантике. Причем в общем случае, когда $Z \neq 1$, диаметр AC также равен числу 2, если слагаемые выражения

$1 + Z$ пронормировать их полусуммой. Ведь $\frac{2}{1+Z} + \frac{2Z}{1+Z} = 2$ или $X + Y = 2$, где $X < 1$ и $Y > 1$.

Заметим, что парные скаляры $X \in (1,0)$ и $Y \in (1,2)$ обладают свойством контрсимметрии ($X = 1 - \Delta$ и $Y = 1 + \Delta$) относительно их среднего арифметического как виртуальной единицы, а

число-отклонение Δ принадлежит полуинтервалу от 0 до 1: $\Delta \in [0,1)$. А так как $Z = \frac{X}{Y} = \frac{1-\Delta}{1+\Delta}$ и

$\Delta = \frac{Y-X}{2} = \frac{1-Z}{1+Z}$, то скаляры Z и Δ , как взаимосвязанные координаты x и y точки $S(x,y)$

симметричной дуги $0 \leq x \leq 1$ равнобочной гиперболы $y = \frac{1-x}{1+x}$ обладают свойством конверсии:

$$\frac{1-\Delta}{1+\Delta} = Z \Leftrightarrow \Delta = \frac{1-Z}{1+Z}.$$

Таким образом, на бинарной шкале от 0 до 2 определяется условная середина $B \equiv 1$, отождествляемая с единицей отсчета, выделяются контрсимметричные отрезки $AD = X$, $DC = Y$ и вводится показатель Δ их отклонения от заданной единицы, связанный с числом-отношением

$Z = \frac{X}{Y}$ конверсией. Но возникает вопрос: может ли сконструированная шкала как-то служить

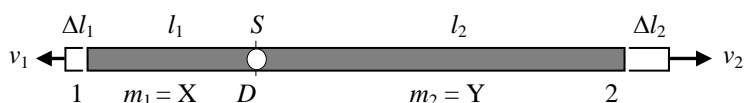
практике измерений?

Три модели реальной физики.

Итак, отрезок $[AC]=2$, как часть числовой прямой, не удастся фрагментировать из-за проблемы принадлежности точки деления D . При этом точка B по той же причине не может быть его серединой. То есть, линия, понимаемая как координатная ось или дуга с отсчетами, формально неделима, хотя линейку, как материальное тело, можно разъять, например, на две части, получая систему $(m_1 + m_2)$ из масс m_1 и m_2 , количественное определение которых выполним с помощью бинарной шкалы с контрсимметричными отсчетами X и Y и виртуальным масштабом $\frac{X+Y}{2}$.

I.

Стержень длиной L из упругого материала плотностью ρ разделим поперечным сечением на части $m_1 = \rho l_1 S$ и $m_2 = \rho l_2 S$, где $l_1 + l_2 = L$ и S – площадь. А поскольку $m_1 + m_2 = M$, то $\underline{m}_1 = X \in [1,0)$ и $\underline{m}_2 = Y \in [1,2)$, где X и Y – это массы, пронормированные их средним арифметическим.



Таким образом, протяженное тело $M = \rho LS$ представлено частями X и Y универсальной шкалы $[AC]=2$ как бинарная система $\underline{m}_1 + \underline{m}_2 = 2$. При этом ее числовое отображение $X + Y = 2$ основано на принципе виртуального масштаба, каковым выступает полусумма аддитивных количеств m_1 и m_2 , а не эталон массы. То есть, метрология бинарной шкалы не является стандартной. Более того, ее единица по минимуму дуальна и кроме массы $[M]$ имеет размерность скорости $[V]$.

Если стержень $M = 2 [M]$ медленно растягивать с постоянной скоростью V , то его торцы 1 и 2 будут удаляться от промежуточного сечения D с аддитивными скоростями v_1 и v_2 . При этом из $v_1 + v_2 = V$ нормировкой по $\frac{V}{2}$ получается $v_1 + v_2 = 2'$, где $v_1 = X \in [1,0)$ и $v_2 = Y \in [1,2)$. То есть, кинематический закон $v_1 + v_2 = V$ имеет скалярное представление $X + Y = 2'$, где X и Y – это числа-скорости и числа-массы. Причем $\frac{m_1}{m_2} = \frac{v_1}{v_2} = Z \in [1,0)$, что выглядит как количественная связь

масс и скоростей, альтернативная понятию импульса. При этом равенство $\frac{m_1}{m_2} + 1 = \frac{v_1}{v_2} + 1'$

демонстрирует дуальность виртуальной единицы $\frac{X+Y}{2}$ бинарной шкалы $[AC]=2$, имеющей две размерности – $[M]$ и $[V]$.

Таким образом, скорости v_1 и v_2 получают числовое определение без геометрии и хронометрии напрямую через количества вещества m_1 и m_2 , оформленные в виде прямых круговых цилиндров соответственно длиной l_1 и l_2 с поперечными сечениями площадью S .

II.

А теперь подвесим стержень $M = \rho LS$ вертикально за конец 2, в результате чего под собственным весом он удлинится на $\Delta L = \frac{\rho g}{2E} L^2$, где g – ускорение свободного падения и E –

модуль упругости материала. При этом верхний участок m_2 будет растянут двояко: на $\Delta l' = \frac{P}{ES} l_2$

весом $P = m_1 g$ нижней части $m_1 = \rho l_1 S$ стержня $M = m_1 + m_2$ и на $\Delta l'' = \frac{\rho g}{2E} l_2^2$ собственным весом.

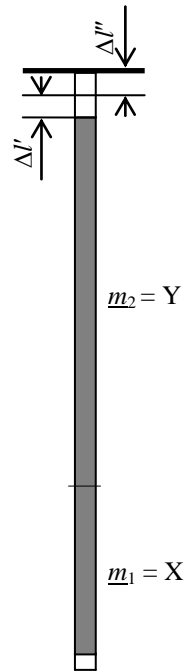
Причем $\Delta l' = \Delta l''$, когда $m_1 = \frac{m_2}{2}$. И если отделить часть m_1 от участка $m_2 = \rho l_2 S$, где $l_2 = 2l_1$, то утраченное им гуковское удлинение $\Delta l'$ восстановится в том же размере при переносе стержневого

остатка $m_2 = 2m_1$ в поле тяжести с ускорением свободного падения $2g$. И такой же результат даст подтягивание массы m_2 вверх с техническим ускорением $a = g$. То есть, аддитивность ускорений g и a соответствует аддитивности количеств $2m_1$ и m_2 , поскольку из $a + g = G$ и $2m_1 + m_2 = M''$ нормировкой по $\frac{G}{2}$ и по $\frac{M''}{2}$ получается $1+1=2$, где число 1 имеет две размерности – массы [М] и ускорения [G].

Убедимся, что в общем случае $Z < 1$ число-отношение $Z = \frac{2m_1}{m_2} = \frac{a}{g} \in [1,0)$ связывает массы и ускорения иначе, чем в формуле силы, то

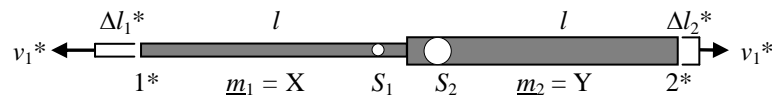
есть корреляционно. Физически это означает, что при $2m_1 < m_2$ верхняя часть m_2 висячего стержня $M = \rho LS$ с условной массой $M'' = 2m_1 + m_2$, имеющая удлинения $\Delta l' = \frac{\rho g}{E} l_1 l_2$ и $\Delta l'' = \frac{\rho g}{2E} l_2^2$, такие, что $\frac{\Delta l'}{\Delta l''} = \frac{2l_1}{l_2} < 1$, при потере пригруза m_1 упруго сожмется на $\Delta l' < \Delta l''$ и ровно на столько же удлинится при увлечении вверх с техническим ускорением $a < g$. При этом тождество $\frac{2m_1}{m_2} + 1 = \frac{a}{g} + 1''$ с семантически разными единицами нормировкой слагаемых

их полусуммой приводится к виду $X + Y = 2''$, где контрсимметричные скаляры $X \in [1,0)$ и $Y \in [1,2)$ имеют размерность и массы [М] и ускорения [G].



III.

Из количеств $m_1 = X \in [1,0)$ и $m_2 = Y \in [1,2)$ упругого вещества изготовим стержневые образцы $m_1 = \rho l S_1$ и $m_2 = \rho l S_2$, равные по длине l , но отличающиеся площадями S_1 и S_2 поперечных сечений. Затем соединим образцы в ступенчатый стержень $M = m_1 + m_2$ и подвергнем его продольному растяжению со скоростью $V = const$. Так как цилиндрические массы m_1 и m_2 получают удлинения Δl_1^* и Δl_2^* за время Δt , то можно говорить о скоростях $v_1^* = \frac{\Delta l_1^*}{\Delta t}$ и $v_2^* = \frac{\Delta l_2^*}{\Delta t}$ плавного удаления торцов 1* и 2* от стыкового сечения на составном стержне М.



Понятно, что $v_1^* + v_2^* = V$, откуда после нормировки по $\frac{V}{2}$ получается $v_1^* + v_2^* = 2^*$ или $Y + X = 2^*$, тогда как из $m_1 + m_2 = M$ после деления на $\frac{M}{2}$ следует $X + Y = 2$. При этом ясно, что контркоммутативность слагаемых выражений $X + Y = 2$ и $Y + X = 2^*$ является следствием обратной пропорции $\frac{m_1}{m_2} = \frac{v_2^*}{v_1^*}$, а единицы 1 и 1* в тождестве $\frac{m_1}{m_2} + 1 = 1^* + \frac{v_2^*}{v_1^*}$ семантически различны. Причем число-отношение $Z = \frac{m_1}{m_2} = \frac{S_1}{S_2} \in [1,0)$ имеет квадратичный характер, поскольку

S_1 и S_2 – площади. Поэтому скорости v_1^* и v_2^* в пропорции $\frac{S_1}{S_2} = \frac{v_2^*}{v_1^*}$ также квадратичны.

А теперь подведем промежуточные итоги.

Математическая структура универсальной шкалы.

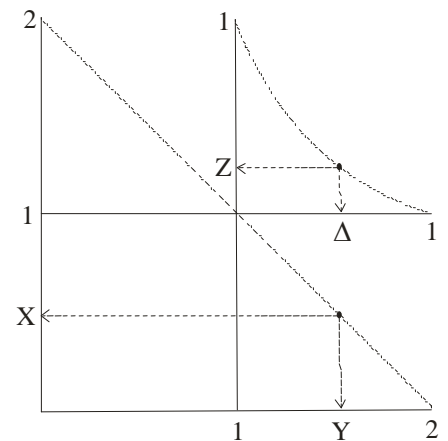
Итак, манипуляции I, II и III со стержнями, одинаковыми по массе $M = m_1 + m_2$, но отличающимися по виду деформации, дают три выражения $X + Y = 2'$, $X + Y = 2''$ и $X + Y = 2^*$,

где целые числа $2'$, $2''$ и 2^* семантически не одинаковы, поскольку имеют разные размерности. Поэтому принудительное удлинение стержня I обозначим скалярной формой $\alpha + A = 2'$, имея ввиду, что ее члены выражают скорости, деформацию подвешенного стержня II опишем тождеством $\beta + B = 2''$, слагаемые которого имеют смысл ускорений, а растяжение стержня III представим числовой моделью $\gamma + \Gamma = 2^*$, где γ и Γ – это скорости, относящиеся квадратично. Более того, слагаемые α -модели имеют размерность [M] и [V], члены β -равенства, обобщающего тождества $2m_1 + m_2 = M''$ и $a + g = G$, допускают размерность [M] и [G], а размерность γ -чисел также двойственна, поскольку они имеют смысл и массы [M] и скорости [W], квадратичной по отношению к масштабу длины.

Покажем, что в трех моделях эластокинематики, связывающих массы с характеристиками движения, определяемыми без геометрии и хронометрии, заложена одна математическая структура, частично иллюстрируемая бинарной шкалой, равные или контрсимметричные части $X \in [1,0)$ и $Y \in [1,2)$ которой в отношении дают неотображаемое геометрически число $Z = \frac{X}{Y} = \frac{1-\Delta}{1+\Delta} \in [1,0)$, связанное конверсией с числом-отклонением $\Delta = \frac{Y-X}{2} = \frac{1-Z}{1+Z} \in [0,1)$, условно представленным на данной шкале отрезком DB.

В самом деле, поскольку $\frac{X+Y}{2} = 1$ и $X+Y = 2 = (1+\Delta)(1+Z)$, то в совокупности числа 1,

Δ , X, Y, Z и 2 образуют скалярный секстет $\diamond 1 \setminus \Delta \setminus X \setminus Y \setminus Z \setminus 2 \diamond$, целые и дробные члены которого гармонизированы между собой алгебраически. При этом гармонический секстет $\setminus \diamond \setminus$ общего вида графически отображается в виде линейной взаимозависимости парных чисел $X = 1 - \Delta$ и $Y = 1 + \Delta$, называемых контрсимметричными, а также квадратичной взаимосвязью скаляров Δ и Z, именуемой конверсией. Причем инвариантом гармонической структуры $\setminus \diamond \setminus$ выступает площадь $2 = (1+\Delta)(1+Z)$ прямоугольника с вершиной, смещаемой по симметричной дуге равнобочной гиперболы $Z = \frac{1-\Delta}{1+\Delta}$. Но



структурному сходству α -, β - и γ -моделей, полученных секстетной формализацией процессов эластокинематики, противостоит очевидное различие гармонических структур $\heartsuit 1 \setminus \Delta \setminus \alpha \setminus A \setminus Z \setminus 2 \heartsuit$, $\clubsuit 1 \setminus \Delta \setminus \beta \setminus B \setminus Z \setminus 2 \clubsuit$ и $\spadesuit 1 \setminus \Delta \setminus \gamma \setminus \Gamma \setminus Z \setminus 2 \spadesuit$ по размерности членов. То есть, структура $\setminus \heartsuit \setminus$ имеет размерность и массы и скорости, структура $\setminus \clubsuit \setminus$ образована числами с размерностью массы и ускорения, а структура $\setminus \spadesuit \setminus$ состоит из скаляров с размерностью массы и скорости, квадратичной по отношению к масштабу длины.

Покажем, что квадроединица секстетной системы определяется сингулярностью, не укладывающейся в пределы диофантовой арифметики.

К реальной физике через сингулярное удвоение.

Как известно, уравнения $x + x^N = 1$ и $y - y^{1-N} = 1$, где $N = 1, 2, 3, \dots$, имеют действительные корни $X_1 = 0,5$ и $Y_0 = 2$, $X_2 = 0,618\dots$ и $Y_1 = 1,618\dots$, ..., $X_N = 0,999\dots$ и $Y_{N-1} = 1,000\dots$, ..., взаимно обратные ($X_N \cdot Y_{N-1} = 1$) по определению. То есть, числа X_N и Y_{N-1} обращают данные уравнения в тождества $\underline{1} = X_N + X_N^N$ и $\underline{1} = Y_{N-1} - Y_{N-1}^{1-N}$ относительно диофантовой единицы $\underline{1}$. Причем $X_N \rightarrow 1$ и $Y_{N-1} \rightarrow 1$ при $N \rightarrow \infty$. Но при $N = \infty$ тождественность единиц нарушается из-за $\underline{1} = 1 + 1^\infty$ и $\underline{1} = 1 - 1^{-\infty}$, что противоречит обычной арифметике. И чтобы убрать очевидное неравенство диофантову единицу $\underline{1}$ в первом выражении надо удвоить, а во втором выражении обнулить или удвоить первый член разности справа.

Далее допустим, что в равенстве $X_N \cdot Y_{N-1} = \underline{1}$ взаимно обратные числа X_N и Y_{N-1} при $N = \infty$ имеют единичные значения. Тогда $1 \cdot 1 = 1^2 = 2 \cdot \underline{1}$, поскольку для соблюдения математической

логики диофантова единица должна быть удвоена. Тем самым вводится сингулярная квадроединица 1^2 , формально превышающая диофантов морфизм $\underline{1}$ вдвое.

А теперь вспомним о пропорциях $\frac{m_1}{m_2} = \frac{v_1}{v_2} = Z$ и $\frac{m_2}{m_1} = \frac{v_1^*}{v_2^*} = Z^*$, выражающих отношение масс m_1 и m_2 в составе стержней I и III, гладкого и ступенчатого. И заметим, что числа-скорости Z и Z^* взаимно обратны. Причем скаляр $Z^* = \frac{v_1^*}{v_2^*} = \frac{S_2}{S_1}$ имеет вторую степень по отношению к

скаляру $Z = \frac{v_1}{v_2} = \frac{l_1}{l_2}$, поскольку S_1 и S_2 – площади, а l_1 и l_2 – длины. Поэтому кинематические

характеристики v_1^* и v_2^* будем именовать квадроскоростями, зная об их аддитивности в рамках числовой модели $\gamma + \Gamma = 2^*$, получаемой нормировкой равенств $v_1^* + v_2^* = V$ и $m_1 + m_2 = M$ по принципу виртуального масштаба.

Но для того, чтобы отличать секстет $\heartsuit 1 \Delta \alpha A Z 2 \heartsuit$, в котором массы и скорости прокоммутативны, от гармонической структуры $\spadesuit 1 \Delta \gamma \Gamma Z 2 \spadesuit$, где они контркоммутативны, представим ступенчатый стержень III условной массой $M^* = 2m_1 + 2m_2$ подобно тому, как стержень I в подвешенном состоянии был представлен условным количеством $M'' = 2m_1 + m_2$ упругого вещества. Тогда выражения $v_1^* + v_2^* = V$ и $2m_1 + 2m_2 = M^*$, пронормированные средним арифметическим слагаемых, будут обобщены скалярной формой $\gamma + \Gamma = 2^*$, аддитивные члены которой формально превышают слагаемые модели $\alpha + A = 2'$ ровно в два раза, фактически являясь квадроскоростями, определяемыми относительно масштаба с размерностью [W].

Ясно, что лучшим доказательством существования масштабной квадроскорости будет физический опыт. И такой опыт был поставлен Физо в 1851 году. Но еще раньше Кориолис ввел множитель $\frac{1}{2}$ в формальное определение «живой силы» (кинетической энергии) для того, чтобы упрощенные расчеты соответствовали эксперименту [1]. А несколько позже Эйнштейн при переходе от модели плоского пространства к искривленному без объяснений неоднократно удваивал свои теоретические результаты, получая значения измеряемых величин, отвечающие наблюдениям [2]. Кроме того, известны и другие парадоксы, связанные с удвоением (например, парадокс Гиббса).

Выше секстетные структуры неддиофантовой арифметики выведены из явлений упругости, а в работе [3] показано, что они являются решениями некоторых задач механики посредством аппарата нормировки физико-арифметических связей (АНФАС) и методом арифмометрической триангуляции (МАТ).

И, наконец, правильный расчет упомянутого опыта Физо доказывает, что скорость света необычна потому, что это не скорость, а специальная теория относительности субъективна и является бессознательной попыткой спасти понятие скорости, не свойственной кинематике света, средствами геометрии и хронометрии, бесполезными из-за неестественности псевдофизических категорий пространства и времени, выступающих артефактами антропоморфного метода координат, основанного на аксиоме непрерывности, не имеющей отношения к реальности.

Литература.

1. Меркин Д. Р. Краткая история классической механики. – М.: «Физико-математическая литература», 1994. – С. 96.
2. Черепанов О. А. Сингулярное удвоение в математике, механике и физике. В сб. //Проблемы аксиоматики в гидро-газодинамике. – М.: «Прометей», 2000, вып. 8. – С. 137-142.
3. Черепанов О. А. Скалярное моделирование скрытых относительностей. Когнитивная арифмометрия и структуры «золотой» арифметики. //«Академия Тринитаризма», М., Эл № 77-6567, публ.15283, 12.05.2009 (www.trinitas.ru/rus/doc/0232/012a/2062-ch.pdf)